

ELEMENTE
DE
F I S I C A

DE
E. BACALOGLO
PROFESSOR LA UNIVERSITATEA BUCURESCI

—
PENTRU USULU SCOELOR SECUNDARE SI SUPERIORE
SI PENTRU STUDIU PARTICULARU

EDITIUNE A DUOA, CU INDREPTARI SI ADAOSE.

BUCURESCI
TYPOGRAPHIA CURTI REGALE, F. GÖBL FILII
12, PASAGIULU ROMANU, 12.
1888.

Dreptul de reproducție și de traducere rezervat autorului.

PREFACIA LA EDITIUNEA ANTEIA

Lips'a totala de ua carte de fisica si intrebarile ce mi se facu in tote dilele, deca nu imprimu cursulu predatu la universitatea nostra, me au indemnata sa procedu la acesta lucrare, nu ensa fara ore-care sfiala. In adeveru sciu ce diferenția este intre a face unu cursu si a lu asterne pe hartia, sciu catu este de greu de a scrie ua carte seriosa si de a 'si esprimà ideile cu vorbe proprii, iara nu cu vorbele altuia, fara chiar a le intielege; si in acesta privintia catu de severa critica merita cererile facute necontenita profesorilor scolelor secundare si cari iau chiar caracterul, ce nu poate fi justificat prin nemica, de impunere, ca sa 'si prelucredie cursurile si sa le dea publicitat. Ua carte, mai alesu care tratedia despre ua sciintia esperimentalala, nu poate fi scrisa cu unu ore-care succesu, decatcu deca autorul a avut oca-siune sa meditedie ani multi asupra materii, sa urmaresca continuu progresului sciintiei, sa o predea in mai multe randuri, in fine sa execute elu ensusi

tote încercările cerute la studiul acelei științe; și totuși nu poate să dea carte publicului de catu cu rezerva.

Elementele prezente de fizica sunt destinate atât pentru unu studiu privat, catu și pentru scole secundare, precum și pentru studiul academic. Unu imprimat mai micu deosebesce partile acele care pot fi și trebuie să se lasă la unu anteiu studiu a acestei științe. Profesorul înțelege să se, după dezvoltarea intelectuala a elevilor se, să mai lase căte ceva, sau să dezvolte mai multu alte parti. În aceste elemente s'a datu ua dezvoltare aproape ecuala teoriei și practicei, tratându-se diferențele aplicațiunii ale vaporilor, a electricității și altele. Se intielege de sine că nu amu admisă nici decum aceea sistemă, întrebuintată multă în carti și în scoli franceze, mai alesu în privinția matematicii și a fizicei, după care se expune pucina teoria și apoi se cumulează multime de probleme, sau mai bine cestiuni caprioase de copii, cu pretentiu co ele exercita spiritul elevilor și cari în realitate nu tindu catre nimică alta, de catu catre unu studiu superficialu alu științei.

În privința terminologiei dificultatile sunt mari; nu este nemica mai ridicălu de catu a serie ua carte romana cu vorbe franceze. Nu am conservat termeni streini de catu numai unde acestia au fost con-

secreti prin limba poporului, seu, de nevoie, unde nu mi a fostu cu putintia de a gasi pene acum, seu a creat unu termeniu propriu, nici chiar dupe consultarea barbatilor literati; dera in acestu casu am preferit sa conservu termenulu nescambatu. Astu felu termenii ca *traxaliu*, *raliu*, *mocimentu*, *visa*, *edesa* si alti, cari suna totu asia de barbaru ca si ridiculu, suntu esclusi; m'am servit de vorb'a *siorupu*, *sina*, cari asemenea nu suna prea bine, dera cclu pucinu suntu introduse in limb'a poporului, si nu vedu nevoie de a le inlocui prin alte si mai streine. Argumentulu, co sciinti'a trebue vorbita cu ua limba speciala si neinteleusa multimeei, este demnul de secolii trecuti de intunerecu si de barbaria si nu ar putea servi astazi, de catu ca sa acopere sub velulu misterului nesciinti'a acelui care cauta sa predea ua sciintia despre care pote nu are de catu idei confuse.

Terminu esprimendu dorinti'a ca acesta carte sa pota fi junimei nostre de vre ua utilitate si sa servesca ca precursoru la alte carti mai perfecte.

BACALOGLO.

Octobre 1870.

PREFACIA LA EDITIUNEA A DOUA

De cand am publicat editiunea antea a acestor Elemente de Fisica, in anul 1871, mai multe parti ale acestei sciintie, mai alesu, *luminatul electric si spectroscopia*, au primitu desvoltari mari. Pe de alta parte, studiul neintreruptu a acestei sciintie si predarea continua a cursului de fisica mi au indicatu diferite lacune de implitu si diferite expuneri de modificat in acele elemente de fisica. Mi-am propus dera, in acesta a doua editiune, sa introducu, pe catu s'a potutu, aceste indreptari, modificari si complectari, necesitate prin progresulu timpului. Aceste scambari au atrasu dupe sine ua marire insemnata a volumului, care se afla aproape inductoitu. In acesta a doua editiune am intercalat figurile in textu, ceea ce inlesnesce usulu carti; am suprimatua asemenea diferinta de imprimatu mare si micu, lasandu fie-caruia lectoru sa aleaga la antea ceteire partile cari i convinu mai bine.

BACALOGLO

LITERATURA

- DAGUIN, Traité de physique, 4 vol.
JAMIN, Leçons de physique, 3 vol.
LAMÉ, Cours de physique, 2 vol.
BIOT, Traité de physique, 4 vol.
PRIVAT-DESSCHANEL, Traité de physique, 1 vol.
 » traductiune englesa completata,
 1 vol.
MUELLER, Lehrbuch der Physik, 3 vol.
WUELLNER, Experimentalphysik, 2 vol.
BEER, die höhere Optik, 1 vol.
BILLET, l'optique physique, 2 vol.
HESCHEL, on light, 2 vol.
VERDET, Leçons d'optique physique, 2 vol.
HELMHOLTZ, Optique physiologique, 1 vol.
ROSCOR, On spectrum analysis, 1 vol.
LOCKYER, Studies on spectrum analysis, 1 vol.
 » Solar physics, 1 vol.
SECCHI, Le soleil, 2 vol., cu atlas.
SCHELLEN, die Spectral analyse, 2 vol., cu atlas.
RIESS, die Reibungselectricität, 2 vol.
WIEDEMANN, die Electricitätslehre, 4 vol.
GORDON, a physical treatise on Electricity, 2 vol.
MASCART ET JOUQUET, Leçons sur l'électricité, 2 vol.
DU MONCEL, Applications de l'électricité, 5 vol.

- SCHELLEN, die magnet-und dynamoelectrischen Maschinen, 1 vol.
- FONTAINE, éclairage à l'électricité, 1 vol.
- SCHELLEN, der electromagnetische Telegraph, 1 vol.
- TYNDALL, Heat a mode of motion, 1 vol.
- HEUSSI, der physikalische Apparat, 1 vol.
- FRICK, physikalische Technik, 1 vol.
- BUIGNÉT, Manipulations de physique, 1 vol.
- PICKERING, Physical Manipulation, 2 vol.
- POGGENDORFF, Geschichte der Physik, 1 vol.
- GEHLER, physikalisches Wörterbuch, 2 3 vol.
- POGGENDORFF, (Wiedemann) Annalen der Physik und Chemie, 3 vol. pe anu.
- REGNAULT, BOUSSINGAULT, etc. Annales de physique et de chimie, 3 vol. pe anu.
- POGGENDORFF, Biographisch-litterarisches Wörterbuch für exacte Wissenschaften, 2 vol.
etc. etc.
-

ELEMENTE DE FISICA

INTRODUCTIUNE

§ I. FENOMENE FISICE

Studiul naturei este unul din cele mai importante pentru dezvoltarea intelectuala si materiala a omului; totu de ua data este si unul din cele mai intinse si nu potemu ajunge la ua cunoescintia catusi de pucinu satisfacatore a naturei de catu numai studiandu-o din diferite puncturi de vedere, in diferite directiuni si succesive in diferitele parti ale ei.

Natur'a in genere o potemu studia seu sub punctul de vedere alu simplei descriptiuni a objectelor ce se afla intr'ensa, si sciint'a ce se occupa cu acesta s'a numitu Istoria naturala, in care poate fi cuprinsa si Geografi'a fisica, Geologi'a etc. seu ne potemu propune sa cunoescem fenomenele ce se petrecu in natura si legatur'a causal'a a lor, ceea ce constitue Sciintiele naturale seu fisice, propriu dice, cari cuprindu mai multe ramuri, din cari cele mai principale suntu : Mecanic'a, Astronomi'a, Fisic'a, Chimi'a, Fisiologi'a etc.

Dupe acesta se vede co Fisic'a face parte din sciint-

tiele naturale. Ea s'a numit u enca, mai alesu de catre invetiați Englezi, și *Filosofia naturală*, și se ocupă cu proprietățile generale ale corpuriilor seu ale materiei și cu fenomenele generale, intru catu acestea nu alteredia într'unu modu permanentu natur'a corpurielor, ceea ce ar constitui atunci obiectul chimii.

Ca sa ajungemu la cunoșcinti'a profunda a fenomenelor, a legilor la cari ele suntu supuse, a legăturei caușale ce există intre ele, trebuie sa observam condițiile si impregniarile la cari se produc; trebuie sa imitam acelle condițiuni si sa reproducem in micu ceea ce natur'a produce in mare, adico sa experimentam. *Observația si experimentarea*, introduse in sciintia moderna de catre *Baco Verulam* si *Galileo*, acum aproape 300 de ani, pe la 1600, suntu basele pe cari s'a fundat fizic'a si in genere scientiele naturale. Inaintea acelei epoche, tote sciintele exacte erau enca in leganulu lor, din lips'a metodei de observație si de experimentare.

Observandu unu fenomenu in mai multe randuri, precum si mai multe fenomene de aceeasi ordine, ajungemu la cunoșcinti'a legei la care ele suntu supuse; ensa totu nu potem cunoșce caușa primitiva. Acesta ne remane ascuns si nu potem sa facem decatu numai ore cari *hypothese seu teorii*. Acestea suntu cu atata mai probabile, cu atata mai admisibile, cu catu satisfacu la explicația unui mai mare numaru de fapte; suntu ensa imediatu resturnate, seu cel pucinu, cern ua modificare, indata ce se voru prezintă fapte necompatibile cu ele. Unu exemplu ne da teori'a seu *hypotes'a emanatiunilor*

a lui Newton care a trebuitu sa fia parasita, cand au fostu descoperite fenomene luminose in contradictione cu principiile acelei teorii.

Importanti'a teoriilor si a hipoteselor nu consta numai intru a reduce la unu singuru principiu fenomene diverse produse la diferite circumstantie, si a le uni intr'unu corpu de doctrina, servindu-le de baza comună; ea, fiindu stabilita pe base solide, ne da enca mediulu de a deduce, ca nisces consecintie ale ei si intr'unu modu teoreticu, nu numai faptele pe cari ea se basedia, ceea ce ar fi ua proba pentru bunetatea ei, dera enca ne predice si ua multime de fenomene noui cari au escapatu observatiunei, si pe cari acesta le confirmă la urma. Exemple despre acesta gasim mai la fia-care pasu in fisic'a, astronomi'a etc. Acesta deductiune ensa a fenomenelor fisice din teorii stabilite nu se poate face in genere comodu, si la cele mai multe casuri este imposibila, fara ajutorului calculului matematicu, si combinatiunea acesta a matematicei cu fisica a formatu ua ramura distincta de creatiune noua a acestei din urma scientie, fizica matematica, fundamentele caria au fostu puse de Newton si care 'si a primitu desvoltarea ei cea mare in secolul de feca prin lucrariile lui Gauss, Neumann, Fourrier, Fresnel, Cauchy, Mac-Cullagh, Kirchhoff si a altora.

Fenomenele fisice le potemu divide in mai multe clase pe cari le vomu studia in parte in sectiuni deosebite. Aceste suntu :

1. Fenomene de gravitate, produse prin atractiunea

pamentului care negresită facu numai unu cașu special alu atractiuni universale intre corpurile cerești.

II. Fenomene moleculare, cari stau in legatura intima cu starea de aggregație particulară a corpurielor seu a materiei.

III. Fenomene magnetice.

IV. Fenomene electricice pe cari le potem subdivide in electrostaticice și electrodynamice, seu in fenomene electricice de tensiune mare și fenomene electricice de tensiune mica.

V, VI si VII. Fenomene calorice, luminos, seu optice, și sonore seu acustice.

§ 2. PROPIETATI GENERALE ALE MATERII

Fia-care corpă cere pentru existenția lui 1^o sa ocupe unu spatiu determinat, adico sa aibă intindere, si alu 2^o sa ocupe singuru acelu spatiu, iară nu totu de ua data impreuna si cu unu altu corpă, adico se cere sa fia ne-penetrabilu. Fara aceste duoe proprietati nu ne potem figura existența corpurielor si a materiei. Deosebitu de acestea ele poseda si alte proprietati generale si comune la tota materiā, ori care va fi naturā, si formā sub care ea ni se presinta, precum suntu: gravitatea, inertia, compresibilitatea, dilatabilitatea, porositatea, elasticitatea, cohesiunea, adhesiunea, divisibilitatea.

Gravitatea, numita si gravitatea universală seu atracție universala, este ua proprietate ce au corpurile de a se atrage intre ele. Gravitate se numesce enca si poterea aceea nevisibila care produce acesta atracție. Legile după cari se face acesta atracție

universala au fost descoperite de catre englesulu *Newton*; studiul lor apartine mecanicei. In ceea ce privesce gravitatea corporilor pe pamant, vomu studia într'ua secțiune cate-va din fenomenele cele mai principale produse de densa.

Inertia este proprietatea ce are materi'a si corporile de a nu 'si potea scambà pozițunea si starea in care se afla, fara influența unei poteri streine. In virtutea inertiiei unu corp[u] persista in form'a si in starea de agregatiune a lui, si numai prin efectul caldurei seu alu unei alte poteri poate fi modificat. In virtutea inertiiei unu corp[u] persista in repausu si nu poate fi miscatul de catu numai sub influența unei poteri streine. Unu efectu alu inertiiei este co unu glontiu care isbesce cu rapediciune mare intr'ua tabla de sticla o gaurescă, iara nu o farima; pentru co partile sticlei vecine de gaura persista in pozițunea lor, pe cand partile din gaura luanduse cu mare rapediciune nu au avutu timpulu necesarul ca sa comunică miscarea partilor vecine si sa invinga inerti'a lor. Inertia face ca unu corp[u] in miscare sa nu se pota opri decatul prin acțiunea unor poteri esteriore, de ex. a unei pedece, a frecarei, a resistentiei aerului etc. Inertia intrelin corporile ceresci in miscarile lor, după ce ele nu primitu ua dala impulsionea de a se miscă. Inertia, adico tendintia corporului de a continua miscarea inceputa, ne face sa cadem[em] insante, cand ne impedecam[em] de ua petra, cand sarim[em] dintr'ua trasura care fuge, cand standu ind'ua luntre, acesta se lovesc de malu etc., etc. Italianulu *Galileo* a dotat sciintia cu adeve-

rafă notiune a inertiei, care este de uă astă mare importanță în mecanica.

Compressibilitatea și dilatabilitatea suntu asemenea două proprietăți ce poseda toate corpurile mai multu sau mai puțin. De aici rezultă uă a treia proprietate a corpurilor, *porositatea*; adică, materie nu umple într'un modu continuu spațiul ocupat de un corp, ci lăsă intervale gole, numeroase și mici, invizibile chiar la ochiul armat cu microscopu, cari se măresc sau se micușoredă, cand corpul se dilată sau se contractă. Nu trebuie enșa să confundăm aceste intervale de uă micușorime extremă, numite *pori*, cu porii fizici sau găuri ce observăm la multe corperi mai multu sau mai puțin poroase, ca bureți și altele.

Elasticitatea este aceea proprietate a corpurilor, care le face să tindă să se归原 formă lor primitivă, cand prin influența unei pării straine au fostu mai multu sau mai puțin deformate. Se intielege că aceea formă primitivă nu poate reveni decât după ce a incetat acțiunea pării exterioare. Elasticitatea unui corp poate fi dezvoltată în patru feluri și a nume prin *flexiune*, *torziune*, *tractiune* și *presiune*. Numai corpurile solide pot avea cele d'antein trei feluri de elasticitate; iară elasticitatea de presiune este comună la toate corpurile, de să licidele nu poseda nici pe acesta de catu într'unu gradu mai cu totul nesimtibilu.

Cohesiunea și adhesiunea suntu nisice atracțiuni exercitate între moleculele sau între partile vecine ale corpurilor. Cohesiunea ne face să intempișăm uă dificultate, cand voim să tăiem uă bucață de lemn, de

feru etc. Adhesiunea face de se lipescu duoe foi de hartia, duoe table de sticla, asiediate una pe alta. Adhesiunea intre duoe solide se poate areta intre alte si cu duoe table de sticla bine lucrate, numite planuri de Magdeburg, pe cari aplicandu-le una pe alta, nu le potem desparti de catu intrebuintandu un potere mare. Adhesiunea intre solide si licide, precum si cohesionea licidelor, se poate vedea, cand radicam un tablou de sticla de pe un licidu; atunci acesta se redica urmandu sticla.

Divisibilitatea este asemenea ua proprietate generala a materiei, de multe ori ensa neperfectiunea instrumentelor nostre mecanice ne impedeaca de a trece cu divisibilitatea corporilor peste ore cari limite. Cand cu ua picatura a unei tintcuri coloram un vasu plin cu apa de exemplu, atunci divisibilitatea este multu mai mare decatua aceea la care potem ajunge prin medii mecanice.

Dupe aceste proprietati generale ale materiei si pe basa de diferite consideratii chimice, fizice au fost condusi sa admita ca corporile suntu formate din particule mici, numite atome, departate intre ele cu distante mici (pori) si tinute in starea acesta prin actiunea puterilor moleculare. Aceste atome se numesc enca si molecule, cu tote ca prin molecule intielegem mai special ua grupa de atome. Aceste atome nu le inchipuim nedivisibile, adico ca la diferite scambari, combinari chimice ale corporilor ele remanu nescambate si numai distantele lor se potu modifica.

§ 3. NOTIUNI DESPRE MISCARE

Corpurile se pot muta de la unu locu la altu, adico potu fi puse in miscare, si acesta se face intr'unu timpu mai lungu seu mai scurtu, adico cu ua *iuntiea, velocitatea* seu *celeritatea*, mai mica seu mai mare.

Miscarea unui corp se numesce *uniforma*, cand elu percurge spatiuri ecuale in timpuri ecuale, ceea ce va sa dica, co in acesta miscare *spatiulu este proportional cu timpu*. Spatiulu percursu in unitatea de timpu, ori care va fi acesta, secund'a seu minutulu etc., se numesce *iuntiea, velocitatea* seu *celeritatea*, si caracterulu miscari uniforme este co intiel'a remane constanta in totu timpulu miscari. Deea inseamna cu celeritatea, adico spatiulu percursu in unimea de timpu, spatiulu s percursu in timpulu t va fi esprimitu dupe natur'a acestei miscari prin ecualitatea: $s = ct$.

Cand unu corp, in urma unei impulsuni ce a primitu, s'a pusu in miscare intr'ua directiune si cu ua iuntiea determinata, elu nu 'si poate scambà de sine, din cauza inertiei, nici jutiel'a, nici directiunea lui; pentru acesta se cere ua potere noua care, deea lucreia intr'unu modu continuu, ia numele de *pofere acceleratrice*. In acestu casu miscarea nu mai este uniforma, spatiurile percurse in timpuri ecuale nu mai remanu ecuale intre ele, adico nu mai suntu proportionale cu timpu, si iuntiel'a nu mai remane constanta, ci se scamba la fia-care momentu. Ua asemenea miscare se numesce *accelerata* seu *infardietă*, dupe cum intiel'a merge crescendu seu des crescendu. Acesta scambare, adico acceleratiunea seu intardierea, se poate face dupe

legi determinate, se poate face chiar *cu uniformitate*, adico astfel ca intiala ensasi sa creasca sau sa descreasca constant cu catimi ecuale in timpuri ecuale. In acestu casu, intiala cascigata dupa unitatea antieia a timpului se numesce *acceleratiune*, se insemmidia obinutu cu litera *g* si da ua mersa pentru intensitatea poterei acceleratrice. Aceste consideratii nu escludu nici de cum posibilitatea unei miscari in care acceleratiunea ensasi sa fie variabila.

§ 4. NOIUNI DESPRE POTERI

Prin poteri intielegem cu causele nevisibile ale scambelor continue ce privesc materiile si ale diferitelor fenomene. Ori ce potere ne o potem inchipui ca intrebuintata ca sa produca ua miscare.

Duoe poteri se numesc ecuale, cand lucrandu asupra aceluiasi punct materialu si liberu, pe aceeasi drepta si in directiuni opuse, nu produc nici unu efectu asupra lui, adico nu lu potu misca din locu.

Una potere este caracterisata prin *punctul de aplicatiune* asupra carui lucredia, prin *directiunea* in care lucredia si prin marimea seu *intensitatea* ei. Una potere se areta in figuri si constructiuni grafice prin drepte de marime si directiune determinate; iara in calculu prin litere, ca si ori ce alta catime.

Punctul de aplicatiune al unei poteri pot fi transportat pe directiunea in care lucredia, fara nici ua scambare in efectu, deca nouu punct de aplicatiune remane legatu rigidu cu celu d'anteiu.

Intensitatea poterilor se măsoară prin efectele lor. La aceasta servescu și instrumente speciale, numite *dynamometre*, (intrebuintiate în practică și ca cantare) de

diferite construcții. Unu dynamometru foarte comun este acela din fig. 1, care nu are trebuința de nici ua explicație.

Unu altu dynamometru pentru poteri mai mari, se vede în fig. 2, unu arcu poternicu de ocieu, portându belciunge susu și josu, supusu acțiuni unor

poteri mari, se lungescce, respective se contractă pucinu în sensulu $A B$, ceea ce aduce rotatiunea parghii m și a acului aretatoru p .

Potemu admite ca axiome :

1^o doce poteri suntu proportionale cu masele corpilor, carora ele comunică iutielii ecuale;

2^o doce poteri suntu proportionale cu iutielile date la doce corpuri de aceeasi masa. De aci resultă teorema următoare :

3^o doce poteri suntu proportionale cu productele maselor cu iutielile corpilor puse în miscare.

Ca sa probamă acesta să însemnăm cu P, p doce poteri, M, m masele celor doce corpuri puse în miscare, C, c iutielile lor și să considerăm ua a treea potere Q , care lucrându asupra corpului de masa M î da

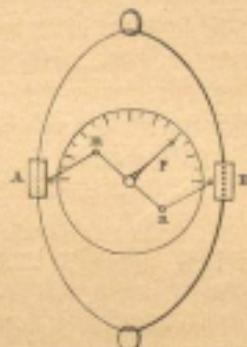


Fig. 2.

intiel'a c. Atunci vomu avea, dupe cele duoe axiome de mai susu, proportiunile urmetore:

$$P : Q = C : c,$$

$$Q : p = M : m.$$

Inimultindu intre ele aceste duoe proportiuni si leparandu factorulu comunu Q , vine:

$$P : p = MC : mc,$$

ceea ce exprima teorema de mai susu.

Deca consideram ca *unime de poteri* aceea potere care comunica unimea de intielu corporului a carui masă a este unimea, atunci, facendu $m = 1$, $c = 1$, va fi si $p = 1$ si prin urmare $P = MC$. Acestu productu MC se numesc *cantitate de miscare* si mesora intensitatea poteri corespondente. Vomu vedea mai tardi medii de a pretin lucrul unei poteri.

§ 5. COMPOZIUNEA POTERILOR SI A MISCARILOR

Cand duoe seu mai multe poteri lucrelia la unu si acelasi punctu, ele nu potu aduce de catu unu efectu unicu, resultandu din combinatiunea lor. Actiunea acelor poteri este ecivalenta cu aceea a unei alte poteri care

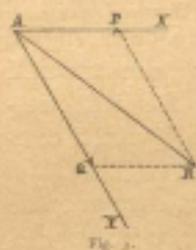


Fig. 3.

singura ar aduce acelasi efectu. Acesta din urma potere s'a numit *resultentă* celor d'anteiu, iara acestea, *componente*. Compozitiunea a duoe poteri, adico aflarea resultantei lor, se face dupe regul'a urmetore, numita *legea paralelogramului* seu a lui Galileo:

Ca sa gasim resultent'a a duoe poteri, areata in marime si directiune prin dreptele AP , AQ (fig. 3) formam pe ele unu paralelogramu si ducem

diagonală AR care va reprezenta în marime și direcție rezultentă a poterilor P și Q .

Compoziția a două mișcări se face în tot mai după aceeași regulă, mișcările fiindu, după ceea ce s'a disu în § 4 ax. 2, proporționale cu poteri și potenții și ele fi reprezentate prin aceeași drepte AP și AQ .

Teorema de mai susu a paralelogramului are mai multu caracterul unei axiome, verificate în totu momentu prin observația celor ce se petrecu în natură. Unu vasu ce merge pe apa sub acțiunea ventului și a curentului; sau luntre trasa către malu cu ua funie și impinsă totu de ua data de curentu, ne dau exemple de compozitie a poterilor. În cursuri de mecanica se cauta a se da diferite probe pentru legea paralelogramului, cari ensa totu nu o probedia într'unu modu rigurosu.

Că să aflăm rezultentă mai multor poteri, aflăm mai anteu pe aceea a două dintre ele, apoi rezultentă acestia și a unei a treia și asta mai înainte.

Una potere data poate asemenea fi descompusă în două sau chiar în mai multe componente. Aceasta se face totu după legea paralelogramului. Poterea AR de ex. (fig. 3) poate fi descompusă în două după direcțiunile date AX , AY , ducându din punctul R dreptele RP și RQ , respective paralele cu AY și AX ; AP și AQ voru fi componentele cerute.

Când componentele unei poteri suntu rectangulare între ele atunci fia-care din ele este *proiecția* poterii date. După teoreme cunoscute din trigonometria, proiecția unei poteri este ecuală cu acesta înmulțită cu

cosinulu unghiului de proiecție. Astăfăt poterea fiindu p , cele doue proiecții ale sele pe două axe rectangulare x și y , cu unghiuri respective α și β , voru fi
 $x = p \cos \alpha$ și $y = p \cos \beta$.

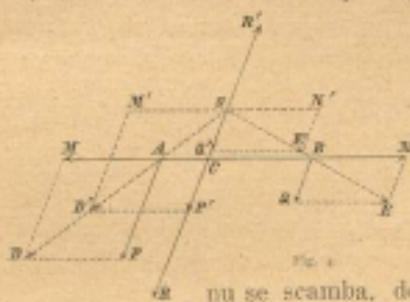
§ 6. POTERI PARALELE

Compoziția poterilor nu se mai poate face imediat prin aplicarea legei paralelogramului, cand poterile sunt paralele între ele, având aceeași direcție sau direcții contrară, precum sunt P și Q în fig. 4 și 5. În acestu casu compozitia se face după regulă următoare:

Resultantă a două poteri paralele și îndreptate în același sens (respectiv în sensuri contrară) este egală cu suma (resp. diferența) lor;

Resultantă este paralela cu componentele și îndreptată în același sens (resp. în sensul celei mai mari din componente).

Punctul de aplicare a rezultantei se află pe dreptă punctelor de aplicare a componentelor, departat de aceste cu distanță invers proporțională cu mărimea lor, astăfăt ca: $CA : CB = Q : P$. (Fig. 4 și 5.)



Ca să demonstreăm acesta, să considerăm două poteri P și Q , paralele între ele, lăsând la extremitățile linii rigide AB . Efectul lor nu se schimbă, decă vom introduce

enca dooe poteri $AM=BN$ indreptate in sensuri directu opuse. Compozituna acestor patru poteri cate dooe, dupa legea paralelogramului, ne va da sistem'a celor

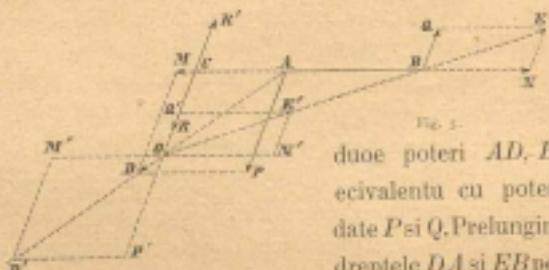


Fig. 5.

duoe poteri AD, BE , ecivalente cu poterile date P si Q . Prelungindu dreptele DA si EB pene

la intalnirea lor in O si inchipiindu-ne punctul O legat cu rigidu cu A si B , vomu potea transporta poterile AD si BE la OD , si OE , si acestea voru fi iara ecivalente cu P si Q . Sa ducem prin O dreptele OR (prelungita pene in C si P' fig. 5) si MN paralele la AP, BQ si la AB ; sa descompunem totu dupa legea paralelogramului, potentia OD' in OM' si OP' si poterea OE' in ON' si OQ' . Aceste patru poteri OM' si OP' , ON' si OQ' sunt iara ecivalente cu poterile date P si Q . Acum observandu co paralelogramele MP si $M'P'$, NQ si $N'Q'$ suntu ecuale intre ele, vomu avea si poterile $OM'=ON'$, cari fiindu pe langa acesta si directu opuse intre ele se nemicescu, remanandu singurele poteri $OP'=P$, $OQ'=Q$. Aceste duoe poteri OP' si OQ' , cari lucredia amanduoae pe aceeasi drepta, le potemu adunà seu scadea si vomu gasi resultant'a, pe care o potemu enca transporta cu punctulu seu de aplicatiune la C , astu-feliu in catu $CR=\frac{P+Q}{|P-Q|}$ va fi resultant'a ceruta care este

paralela cu poterile date P, Q și ecuația cu sumăa seu diferența lor.

Ca să determinăm poziunea punctului de aplicație C a acestei rezultante, să observăm că $\Delta OAC \sim OD'P'$ și $\Delta OBC \sim OE'Q'$, de unde rezultă proporțiunile

$$\frac{OC}{OP} = \frac{AC}{D'P'} \text{ și } \frac{OC}{OQ'} = \frac{BC}{E'Q'},$$

seu $OP \times AC = OC \times D'P'$ și $OQ' \times BC = OC \times E'Q'$. Observând că $OP = AP = P$, $OQ' = BQ = Q$,

$$D'P = DP = AM, E'Q' = BN = AM,$$

$$\text{va fi: } P \times AC = OC \times AM \text{ și } Q \times BC = OC \times AM$$

și prin urmare: $P \times AC = Q \times BC$, sau $AC : BC = Q : P$, ceea ce demonstrează teorema de mai susu.

Când poterile P și Q sunt egale între ele și de sensu contrarui, compozitioanea nu se mai poate face, și ele formă media ceea ce s-a numită *pareche de poteri*, având efectul rotației corpurilor asupra carora lucredă.

Punctul de aplicare al rezultantei a două (sau și mai multor) poteri paralele s-a numit *centrul poterilor paralele*, și fiind că poziunea lui, după proporțioanea sau egalația de mai susu $P \times AC = Q \times BC$, unde $AC = AB - BC$, nu depinde de catu de raportul poterilor P, Q , urmăind că el nu se schimbă, ori care va fi direcția acestor din urmă; numai direcția rezultantei se schimbă.

Dacă vom introduce la centru C una a treia putere $CR = CR$ și directă opusă, sau dacă fixăm într-un mod oarecare punctul C , atunci efectul rezultantei R , prin urmare și a componentelor P și Q , va fi nemicină, și poterile P, Q vor sta în *echilibru*:

condițiunea cerută pentru aceasta este ca produsele $P \times AC$ și $Q \times BC$ să fie egale între ele. Aceste produse s-au numit *momente statice* ale poterilor P și Q .

§ 7. PARGHII SI APlicatiunile lor.

Una dreaptă rigida AB (fig. 4 și 5) susținută la unu punctu C și la ale caria duoe puncturi A, B lucredia duoe poteri P, Q , se numește una *parghia*; distanțiele AC și BC suntu *bracele parghiei*. Daca poteriile satisfacu condițiunei de mai susu (§ 6), ele voru fi în echilibru; în casulu contrarui, parghi'a se va mișca în sensulu poterei celei mai mari. Dupa ecualitatea $P \times AC = Q \times BC$ se vede, că poterea P va fi cu atata mai mica cu catu lucredia la unu braciu de parghia AC mai lungu; trebuie ensa sa observam, că ceea ce cascigam în potere, perdemu în timpu seu în drumu. Pentru că punctul de aplicatiune alu poterei celei mici, care se află la extremitatea braciului celui lungu, va trebui să facă unu drumu lungu, pe cand extremitatea braciului celui scurtu , unde se află aplicata poterea cea mare , abia va înainta din locul seu.

- Este lemn de intieșeu că la una parghia fizica nu se cere că puncturile A, B, C să fie unite printru'ua drepta, destulu' că ele să fie legate prin linii materiale rigide , ori care va fi form'a lor. Asemenea poterile P și Q potu să nu fie paralele între ele , potu lucra în tote direcțiunile posibile despre parghi'a AB , numai maximum efectului va fi, cand ele lucredia perpendicularu pe AB ; în cele alte casuri va trebui

sa le descompunem, si componentele lor in prelungirea parghii suntu perduite pentru lucrul acestia.

Aplicatiunile parghiei suntu nenumerate ; la fie-care pasu intalnimu cate ua parghiea. Mai toate organele machinelor de la cele mai simple pene la cele mai complicate, membrii corpului nostru, cantarul etc., suntu parghii. La ori-ce parghiea ne propunem ca cu ua potere data sa invingemu ua alta potere pe care adesea ua numim *resistentia sau potere pasiva*. Ua parghiea se poate deosebi de alta prin pozitumea relativa a punctului *fixu* si a puncturilor de aplicatiune a poterei *active* si a *resistantiei*.

In une casuri intrebantiamu parghiile, ca cu poteri mici sa invingemu resistentie mari, de ex. ca cu poterea unui sau a doi oameni sa redicam greutati mari, petre de zidit, baloturi de marfa etc. In acestu casu ne servim obicinuitu de *scriptele*, sau macaraoa, care in aplicatiuni se face in formele cele mai variate. Centrul scriptelui represinta punctul fixu seu sprijinitu alu parghiei ; extremitatile unui diametru orizontalu represinta puncturile de aplicatiune ale poterei si resistentiei. Acestu scripte, isolatu, nu aduce nici un cascig ca potere, pentru co este ua parghiea cu bracie ecuale; nu face de catu sa scambe directiunea miscari a corpului pe care voim sa lu redicam ; combinatul ensa cu alti scriptei de dimensiuni cuvenite, prin corde, funii seu lantiuri, seu prin role dintiate, va produce efectulu cerutu, ca sa invinga resistentie mari. Se intielege de sine co braciile de

parghie cele lungi suntu pastrate despre partea poterei active, care este relative mica.

In alte casuri intrebuintiamu parghiile, obicinuitu in forma de rote dintiate, cu sa producemu iutielii mari de rotatiune. In acestu casu resistentia, de ordinari mica, se aplica la extremitatea bracului celui lungu, care descrie arcuri mari; iară poterea activa, de ordinari mare, la extremitatea bracului celui scurtu, care descrie arcuri mici. Acesta constituie sistema de rote dintiate, intrebuintiate la diferite machini, ceasornice etc.

§ 8. PLANU INCLINATU SI APLICATIUNI

Planul inclinat ne da unu exemplu practic alu descompusiunii poterilor. Unu corpul greu C (fig. 6)

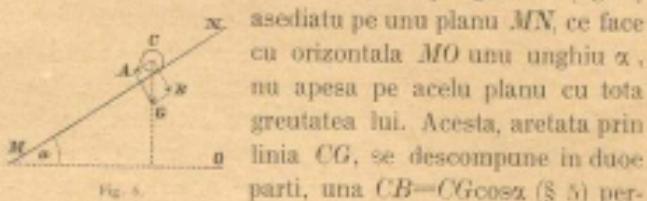


Fig. 6.

asediatiu pe unu planu MN , ce face cu orizontala MO unu unghiu α , nu apesa pe acelu planu cu tota greutatea lui. Acesta, arestatu prin linia CG , se descompune in dueo parti, una $CB=CG\cos\alpha$ (§ 5) perpendiculara pe planul inclinat MN si reprezentandu presiunea reala a corpului pe acelu planu, si a duoa $CA=CG\sin\alpha$ care tinde sa misce corpulu la vale.

Aplcatiuni practice ale planului inclinatu gasimu in tote dilele. Ori-ce drumu care merge la dealu este unu planu inclinat, pe care redicamur greutati de la vale la dealu. Ca sa ducem unu caru greu pe unu asemenea drumu, trebuie ca pe langa poterea necesara ca sa invingemur frecarea carului pe drumu, ua

frecare ce se produce pe ori ce drumu, sia si orizontalu, sa mai adaogamu emca ua potere, ecuala cu CA in fig. 6, care represinta componenta gravitatii paralela cu planul inclinat, si trage caru la vale. Aceasta componenta este cu atata mai mare, cu catu drumului este mai dreptu, si pentru acestu evenimentu drumuri cari ducu pe munti nu se facu drepte, ci ocolescu muntele in zic-zac, ca sa fia inclinatiunea mai mica.

Siurupulu este asemenea unu planu inclinat infasioratu pe unu cilindru in form'a unei spirale; cu catu inclinatiunea este mai mica, cu atata pasulu siurupului, seu distanti'a intre duoe spirale consecutive, este mai micu. Cand bagam unu siurup intr'unu corp, eo sa facem gaura, seu chiar in piulitia lui, nu facem de catu a ne redicà pe unu planu inclinat ; de aceea executam acesta lucrare mai lesne de catu daca amu vrea sa facem gaur'a directu prin presiune.

Pana ce introducemu in corperi ce voim sa spintecam, seu sa despartim unu de altu, este iarasi unu planu inclinat, pe care asemenea ne ridicam, adica ne introducemu in corp, mai lesne, de catu cand incercam sa despartim corpurile unite directe fara pana.

§ 9. POTERI CENTRALE

Poteri centrale se numescu poteri indrepteate constante catre unu centru fixu ; ele cauta sau se apropie punctulu de aplicatiune de centru fixu si se numescu *centripetale*, seu din contra sa lu departedie de centru si atunci se numescu *centrifugale*. Aceste poteri se

manifesta totu d'auia la miscarile de rotatiune si in genere la ori ce miscare curvilineară. Olandesul *Huyghens* a fundat teoria poterilor centrale, studiul carei apartine mecanicei.

Cand unu corp se afla in miscare de rotatiune, ua prascia, ua rota etc., elu este supus la actiunea acestor doue poteri : a celei centripetale care cauta sa lu apropie de centru si a acelei centrifugale care cauta sa lu departedie. Aceste doue poteri suntu ecuale intre ele si



Fig. 7. efectiva AE este ecivalenta cu sistem'a poterilor AP si AT . Pe acesta din urma, AT , o potere descompune, cu ajutorul paralelogramului FE , in doue componente AB si AF , si adaugandu si poterea AP , vom avea sistem'a celor trei poteri AP , AF si AE , ecivalenta cu sistem'a AP si AT , seu si cu unic'a potere AE . Dera AF nu este altu ceva de catu poterea centrifugala, si se vede dupe constructiune co $AF=TE=AP$; ceea ce era de demonstrat.

Aci damu cele trei legi principale ale poterilor centrale fara demonstratiune, lasandu acesta pentru cursuri speciale de mecanica : Poterea centripetala (respective centrifugala) este 1^o proportionala cu mas'a corpului in miscare ; 2^o proportionala cu patratulu iutiei de rota-

tiune; 3° invers proporțională cu distanța de la centru fixu sau cu raza cercului de rotație.

Machină centrifugala (fig. 8) este un aparat destinat mai mult să arate cîteva fenomene ale poterii centrifugale, de catu să probeze cu rigurozitate legile de mai susu. Ea constă într-un ax *A* pus în mișcare rapidă de rotație cu



Fig. 8.

ajutorul unei rote mari *R*. Pe acelu ax se asiedia diferitele bucăți *B*, *C*, *D* și se supun rotației. *C* simula turtirea parmentului. *D* este un balon de sticla în care se pune apă pene la diumetate, ce se înalță prin rotație la peretii balonului pene susu, și asta înainte cu alte diferite accesorii analoge cu acestea.